

T3

SF1

1D cartésienne: cf cours

1D cylindrique:

Méthode de la conservation du flux. (oblique car Eqn de la chaleur inconnue en cyl.)

Calculons ϕ le flux au-travers d'un cylindre de rayon $r \in [R_1, R_2]$

$$\phi = \int_{\theta=0}^{2\pi} \int_{z=0}^L \vec{j}_m \cdot r d\theta dz \vec{u}_r$$

$$\text{or } \vec{j}_m = -\lambda \text{grad } T = -\lambda \frac{dT}{dr} \vec{u}_r$$

(on ne prend que la surface latérale, car $\vec{j} \parallel \vec{u}_r$: il n'y a pas de flux sur les surfaces haute et basse)

$$\text{Donc } \phi = \int_0^{2\pi} \int_0^L -\lambda \frac{dT}{dr} r d\theta dz = -\lambda \frac{dT}{dr} 2\pi r L$$

Or, ϕ est constant (on est en régime permanent)

$$\text{Donc } dT = -\frac{\phi}{\lambda 2\pi L} \times \frac{dr}{r}$$

$$\int_{T_{eau}}^{T(r')} dT = \int_{R_1}^{r'} -\frac{\phi}{\lambda 2\pi L} \frac{dr}{r}$$

$$T(r') = T_{eau} - \frac{\phi}{\lambda 2\pi L} \ln\left(\frac{r'}{R_1}\right)$$

$$\text{Par ailleurs, } T(R_2) = T_{air} = T_{eau} - \frac{\phi}{\lambda 2\pi L} \ln\left(\frac{R_2}{R_1}\right)$$

$$\text{Donc } \frac{\phi}{2\pi \lambda L} = -\frac{T_{air} - T_{eau}}{\ln(R_2/R_1)}$$

$$\text{Au final } T(r) = T_{eau} + \frac{T_{air} - T_{eau}}{\ln(R_2/R_1)} \ln\left(\frac{r}{R_1}\right)$$

SF2

1D cartésienne: cf cours.

1D cylindrique :

$$\text{On a : } \phi = \int_{\theta=0}^{2\pi} \int_{z=0}^L \vec{j}_r \cdot r d\theta dz \vec{u}_r$$

$$\text{or } \vec{j}_r = -\lambda \text{grad } T = -\lambda \frac{dT}{dr} \vec{u}_r.$$

$$\text{Donc } \phi = \int_0^{2\pi} \int_0^L -\lambda \frac{dT}{dr} r d\theta dz = -\lambda \frac{dT}{dr} 2\pi r L$$

Or, ϕ est constant (on est en régime permanent)

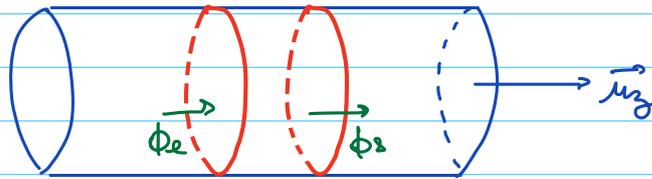
$$\text{Donc } dT = -\frac{\phi}{\lambda 2\pi L} \times \frac{dr}{r}$$

$$\int_{T_{eau}}^{T_{air}} dT = \int_{R_1}^{R_2} -\frac{\phi}{\lambda 2\pi L} \frac{dr}{r}$$

$$T_{air} - T_{eau} = -\frac{\phi}{\lambda 2\pi L} \ln\left(\frac{R_2}{R_1}\right)$$

$$\text{Donc } R_{th} = \frac{\ln(R_2/R_1)}{2\pi \lambda L}$$

SF5



$$\delta Q = \Phi_e dt - \Phi_s dt + \rho \times dz dt$$

$$= j(z) \pi a^2 dt - j(z+dz) \pi a^2 dt + \frac{I^2}{\gamma (\pi a^2)^2} \pi a^2 dz dt$$

$$\delta Q = \left(- \frac{dj}{dz} + \frac{I^2}{\gamma \pi^2 a^4} \right) \pi a^2 dz dt$$

⇒ quelle spn de la chaleur admet-on? On a PP1: $dll = \delta Q$

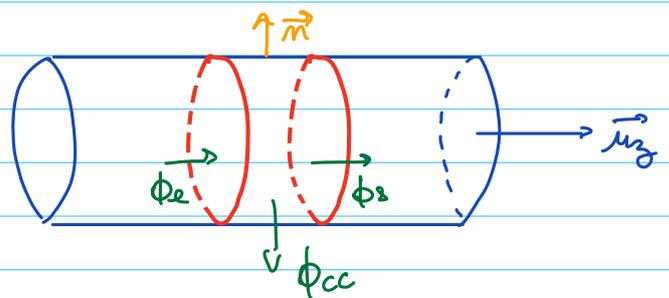
$$dll = -c \times \rho \times \pi a^2 dz (T(z, t+dt) - T(z, t)) = -c \rho \pi a^2 dz \frac{\partial T}{\partial t} dt$$

$$\text{Donc } c \rho \pi a^2 dz \frac{\partial T}{\partial t} dt = \left(\lambda \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} + \frac{I^2}{\gamma \pi^2 a^4} \right) \pi a^2 dz dt$$

$$\frac{\partial T}{\partial t} = \frac{\lambda}{c \rho} \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} + \frac{I^2}{\gamma \pi^2 a^4 c \rho}$$

SF6

- 1) On veut \vec{j}_{ec} du fusible vers l'extérieur $\text{car } T > T_0$
Donc $\vec{n} = \vec{u}_r$.



$$2) \delta Q = \Phi_e dt - \Phi_s dt + \rho \times dz dt - \Phi_{cc} dt$$

$$= \left(- \frac{dj}{dz} + \frac{I^2}{\gamma \pi^2 a^4} \right) \pi a^2 dz dt - h (T(z, t) - T_0) \overbrace{2\pi a dz dt}^{dS_{lat}}$$

$$= \left(\lambda a \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} + \frac{I^2}{\gamma \pi^2 a^3} - 2h(T - T_0) \right) \pi a dz dt$$

SF7

1) On a l'équation de la chaleur $\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} \times D = \frac{\partial T}{\partial t}$

En analyse dimensionnelle, on a $\frac{T}{L^2} \times D = \frac{T}{\tau}$ ie $\boxed{\tau D = L^2}$

Le volume de la citrouille est $V = \frac{m}{\mu}$ m la masse
 μ la masse volumique

En assimilant la citrouille à une sphère de rayon L , on a

$$V = \frac{4}{3} \pi L^3, \text{ donc } L = \left(\frac{3m}{4\pi\mu} \right)^{1/3}$$

On a donc $\tau = \left(\frac{3m}{4\pi\mu} \right)^{2/3} \times \frac{1}{D} = \alpha m^{2/3}$ où α est une constante

Pour la citrouille de l'année dernière, $\tau_1 = \alpha m_1^{2/3} \Rightarrow \alpha = \frac{\tau_1}{m_1^{2/3}}$

Donc $\tau_2 = \tau_1 \left(\frac{m_2}{m_1} \right)^{2/3} = \underline{113 \text{ min}}$

2) Ces lois sont linéaires, on veut de montrer que le temps de cuisson est en puissance $\frac{2}{3}$ par rapport à la masse.

$\frac{2}{3} < 1$, donc le temps qui sera calculé linéairement sera trop grand et les citrouilles seraient donc trop cuites.

3) On peut doubler les proportions.

Par la même loi que précédemment $\tau' = \tau \times 2^{2/3}$
 $= \underline{48 \text{ min}}$

Exercice 3 - ARQS



1) cf cours $\frac{\partial T}{\partial t} = D \frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$) Δ Etablir = vous devez refaire la démo du cours

2) cf cours $R_{th} = \frac{L}{\lambda \pi a^2}$

3) de régime étant supposé quasi-statique, on aura conservation du flux

$$\phi = \frac{T_1 - T_2}{R_{th}}$$

Faisons un bilan énergétique sur le solide 2

$$dH = C_2 (T_2(+dt) - T_2(+)) = \phi dt$$

$$C_2 \frac{dT_2}{dt} dt = \frac{T_1 - T_2}{R_{th}} dt$$

$$\boxed{\frac{dT_2}{dt} + \frac{T_2}{R_{th} C_2} = \frac{T_1}{R_{th} C_2}}$$

On peut poser $\tau = R_{th} C_2$ (ça aéro!)

4) Cours $\tau_{diff} \sim \frac{L^2}{D}$

5) Pour être dans l'ARQS, il faut que le ^{variante de} temps caract^q de T_2 soit très grand devant le temps caractéristique de diffusion
(ainsi, pour le phénomène de diffusion, T_2 varie assez lentement pour avoir l'impr^o qu'elle est constante)

$$\text{ce } \tau \gg \tau_{diff} \quad \text{ce } R_{th} C_2 \gg \frac{L^2}{D}$$

$$\frac{L}{\lambda \pi a^2} C_2 \gg \frac{L^2 \rho c}{\lambda}$$

$$C_2 \gg L \pi a^2 \rho c = C$$

(logique: le solide C_2 paraîtra un thermostat pour la barre)

Exercice 4 - Plancher chauffant

1) Calculons le flux associé au phénomène de conduction convection; perdu par le coulage:

$$\phi = \iint \vec{j}_{cc} \cdot d\vec{S} = \iint h(T_s - T_{air}) \vec{u}_n \cdot dS \vec{u}_n$$

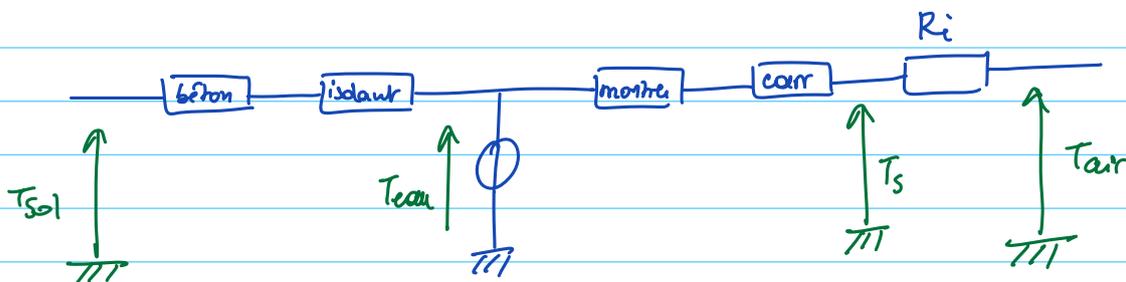
$$\phi = h S (T_s - T_{air})$$

$$\text{On a donc } \frac{T_s - T_{air}}{\phi} = \frac{1}{hS} = R_i$$

2) Pour chaque couche, on a $R = \frac{e}{\lambda S}$.

Pas à l'heure, il y a contact parfait, donc pas de résistance d'interface entre les couches.

On a donc:



Entre l'eau et l'air, on a trois résistances en série:

$$R_{eq} = R_3 + R_4 + R_i = \frac{e_3}{\lambda_3 S} + \frac{e_4}{\lambda_4 S} + \frac{1}{hS}$$

$$\text{A.N. } \underline{R_{eq} = 3,3 \cdot 10^{-3} \text{ K} \cdot \text{W}^{-1}}$$

3) On a $\phi \times R_{eq} = T_{eau} - T_{air}$

$$\text{Donc } T_{eau} = \phi \times R_{eq} + T_{air} = \underline{22,4^\circ\text{C}}$$

4) On a $R_i \phi = T_s - T_{air}$

Donc $\phi_{max} = \frac{T_{max} - T_{air}}{R_i} = \underline{3,6 \text{ kW}}$

 On ne peut pas raisonner sur $(R_4 + R_3)\phi = T_{eau} - T_s$ car on ne connaît pas T_{eau} .

Pour une pièce bien isolée, un plancher chauffant est donc suffisant.

5) On peut proposer $\eta = \frac{\phi_{chauffe}}{\phi_{perdue} + \phi_{chauffe}}$

On a par ailleurs $\phi_{chauffe} = \frac{T_{air} - T_{eau}}{R_3 + R_4 + R_i}$

et $\phi_{perdue} = \frac{T_{eau} - T_{sol}}{R_1 + R_2}$

Donc $\eta = \frac{(T_{air} - T_{eau})(R_1 + R_2)}{(T_{eau} - T_{sol})(R_3 + R_4 + R_i) + (T_{air} - T_{eau})(R_1 + R_2)}$

AN $\eta = \underline{64\%}$

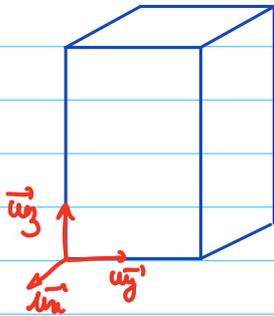
6) Le bois est moins bon conducteur que le carrelage
Ainsi $R_{ybois} > R_{ycarr}$

On aura donc $\eta_{bois} < \eta_{carr}$ à T_{eau} fixe.

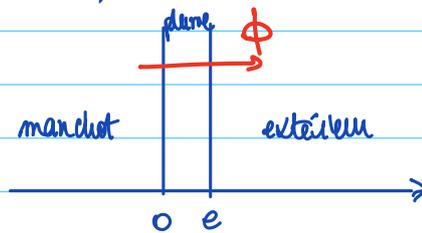
Pour avoir un rendement avec le bois de l'ordre de 64% il faudrait donc augmenter T_{eau}

Exercice 5 - Assemblée de manchets

1) On a la modélisation pour un manchot:



et sur chaque face, on a



On considère le régime stationnaire, donc $\phi = \text{cte} = \frac{\theta_i - \theta_e}{R_{th}}$

avec $R_{th} = \frac{e}{\lambda S}$ avec S la surface de la face considérée.

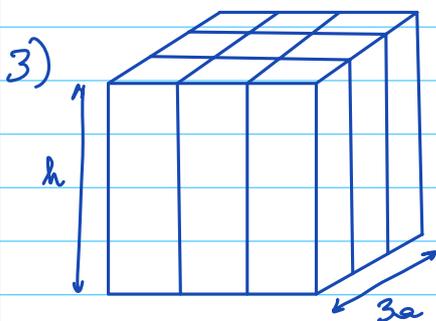
On a donc $\phi_{tot} = \frac{\theta_i - \theta_e}{e} \lambda \left(\underbrace{4 \times ah}_{\text{surfaces latérales}} + \underbrace{2 \times a^2}_{\text{surfaces haute et basse}} \right)$

$$\phi = (\theta_i - \theta_e) \frac{2\lambda a}{e} (2h + a)$$

2) En régime stationnaire, $\phi = P_{mcha}$

$$\text{Donc } \lambda = \frac{e P_{mcha}}{(\theta_i - \theta_e) 2a (2h + a)} = 4,0 \cdot 10^{-2} \text{ W} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$$

Bon isolant ☺



Pour le même raisonnement qu'en 1) sur le bloc de manchots:

$$\phi' = \frac{\theta_i - \theta_e}{e} \lambda (9a^2 \times 2 + 4 \times 3a \times h)$$

$$\phi' = \frac{6\lambda a}{e} (\theta_i - \theta_e) (3a + 2h)$$

Pour se placer en régime stationnaire, il faudrait $P'_{mcha} = \phi'$

$$\text{ce } P'_{mcha} = 177 \text{ W}$$

$$4) P'_{\text{manche}} = \frac{P'_{\text{meta}}}{3} = 20 \text{ W}$$

On a divisé la puissance à produire par 3 !

Exercice 6 - Echangeur double - flux à contre - courant

1) Le fluide du dessus a toujours une température plus grande que celle du fluide du bas : le fluide chaud est donc celui situé en haut.

Par ailleurs, la température du fluide chaud va diminuer au cours de l'écoulement (eau contact avec le fluide froid). Ainsi, il s'écoule de gauche à droite (de 95°C à 70°C). Au contraire le fluide froid va se réchauffer au cours de son écoulement au contact du fluide chaud. Il s'écoule donc de droite à gauche (de 65°C à 75°C).

2) Il faut toujours avoir $T_c(x) > T_f(x)$ pour que l'échange se fasse.

Ici, on voit qu'on arrive à avoir une température de sortie du fluide froid supérieure à la température de sortie du fluide chaud, ce qui serait impossible en co-courant.

3) Appliquons le 1^{er} principe au fluide ^{chaud} / _{froid} sur le passage dans l'échangeur. Il reçoit une puissance thermique ϕ_{tot} _{fournit}.

$$\begin{aligned} D_f (h_f(x=0) - h_f(x=L)) &= \phi_{\text{tot}} & \Rightarrow & \phi_{\text{tot}} = D_f c (T_f(x=0) - T_f(x=L)) \\ D_c (h_c(x=L) - h_c(x=0)) &= -\phi_{\text{tot}} & & = -D_c c (T_c(x=L) - T_c(x=0)) \end{aligned}$$

4) Appliquons le 1^o principe industriel à une tranche du fluide froid compris entre x et $x+dx$ qui reçoit $\phi(x)$ ^{surface de contact}.

$$D_f (h_f(x) - h_f(x+dx)) = \phi(x) \times a dx = h \Delta T(x) a dx$$

$$D_f c (T_f(x) - T_f(x+dx)) = h \Delta T(x) a dx$$

$$- \frac{dT_f}{dx} dx$$

$$\boxed{\frac{dT_f}{dx} = - \frac{ha}{D_f c} \Delta T(x)} \quad \text{ou} \quad (1)$$

De même pour le fluide chaud qui fournit $\phi(x)$.

$$D_c (h_c(x+dx) - h_c(x)) = h a dx \Delta T(x)$$

$$\boxed{\frac{dT_c}{dx} = - \frac{ha}{D_c c} \Delta T(x)} \quad (2)$$

$$5) (2) - (1) : \frac{d(T_c - T_f)}{dx} = \Delta T(x) \frac{ha}{c} \left(\frac{1}{D_c} - \frac{1}{D_f} \right)$$

$$\boxed{\frac{d\Delta T}{dx} + \frac{ha}{c} \left(\frac{1}{D_c} - \frac{1}{D_f} \right) \Delta T = 0}$$

$$= 1/\delta$$

Pour $\delta = \frac{L}{ha \left(\frac{1}{D_c} - \frac{1}{D_f} \right)}$, ou $\Delta T(x) = \Delta T(x=0) e^{-x/\delta}$

b) On a, avec les valeurs de l'énoncé: $\Delta T(x=0) = 20^\circ\text{C}$
 $\Delta T(x=L) = 5^\circ\text{C}$

ou $\Delta T(x=L) = \Delta T(x=0) e^{-L/\delta}$

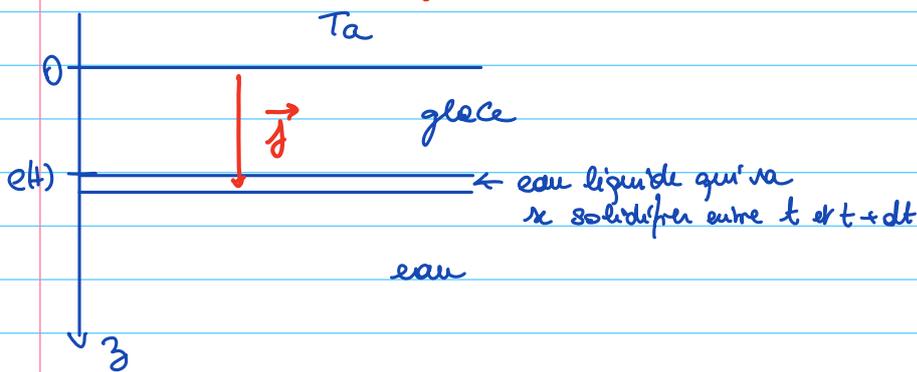
Ainsi $-\frac{L}{\delta} = \ln \left(\frac{\Delta T(x=L)}{\Delta T(x=0)} \right)$ et $\delta = \frac{L}{\ln \left(\frac{\Delta T(x=0)}{\Delta T(x=L)} \right)} = \frac{L}{\ln 4}$

ou $\frac{1}{\delta} = \frac{ha}{L} \left(\frac{1}{D_c} - \frac{1}{D_f} \right)$

Donc $\frac{1}{D_c} = \frac{L}{\delta ha} + \frac{1}{D_f} = \frac{L D_f + \delta ha}{\delta ha D_f}$

$$D_c = \frac{\delta ha D_f}{L D_f + \delta ha} = \frac{L ha D_f}{\ln 4 L D_f + L ha}$$

Exercice 7 - gel d'un lac



1) On suppose qu'on est en régime quasi-stationnaire, donc l'équation de la chaleur donne

$$\frac{d^2 T}{dz^2} = 0$$

$$\text{ie } \frac{dT}{dz} = \text{cte}$$

$$T(z) = \text{cte} z + \text{cte}'$$

$$\text{or } T(0) = T_{air} \\ T(e) = T_{fus}$$

$$\text{done } T(z) = T_{air} + \frac{T_{fus} - T_{air}}{e} z$$

$$\text{On a alors } \vec{j} = - \lambda \text{grad} T = - \lambda \frac{T_{fus} - T_{air}}{e} \vec{u}_z$$

$$j = \vec{j} \cdot \vec{u}_z = - \lambda \frac{T_{air} - T_{fus}}{e}$$

2) On considère la couche de glace formée entre t et $t+dt$:

$$dH = \delta Q$$

$$\text{or } dH = \underbrace{\rho \mu}_{\text{eau solidifiée}} \times de \times S \quad l_{fus}$$

$$\mu de l_{fus} = - \lambda \frac{T_{fus} - T_{air}}{e} dt$$

$$\text{or } \delta Q = j S dt = - \lambda \frac{T_{air} - T_{fus}}{e} S dt$$

$$\frac{de}{dt} = \frac{-\lambda}{\rho \mu l_{fus}} (T_{fus} - T_{air}) \frac{1}{e}$$

$$3) \text{ On a } e \, de = \frac{\lambda}{\mu \, l_{\text{fus}}} (T_{\text{fus}} - T_{\text{air}}) \, dt$$

On intègre entre $t=0$ et $t=t'$:

$$\int_0^{e(t')} e \, de = \frac{\lambda}{\mu \, l_{\text{fus}}} (T_{\text{fus}} - T_{\text{air}}) \int_0^{t'} dt'$$

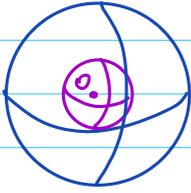
$$\frac{1}{2} e(t')^2 = \frac{\lambda (T_{\text{fus}} - T_{\text{air}})}{\mu \, l_{\text{fus}}} t'$$

$$e(t) = \sqrt{\frac{2 \lambda (T_{\text{fus}} - T_{\text{air}})}{\mu \, l_{\text{fus}}} t}$$

on a bien $e \propto \sqrt{t}$

Exercice 8 - Bilan thermique d'un astéroïde.

1)



La géométrie sphérique du problème implique que T ne dépende pas de r dans l'espace. On suppose par ailleurs que le régime stationnaire est atteint, donc T ne dépend pas de t .

2) On a pendant une durée dt :

$$\delta Q_{\text{cédé}} = \left(\iint_{\text{sphère}} \vec{j} \cdot dS \vec{u}_r \right) dt$$

+ \vec{u}_r car "transport thermique cédé"

or T ne dépend que de r , donc $\vec{j} = j(r) \vec{u}_r$

Au final

$$\delta Q_{\text{cédé}} = \left(\iint_{\text{sphère}} j(r) dS \right) dt = 4\pi r^2 j(r) dt = \underline{\underline{-\lambda 4\pi r^2 \frac{dT}{dr} dt}}$$

3) Pendant une durée dt :

$$\delta Q_{\text{prod}} = \iiint P d\tau dt = \underline{\underline{\frac{4}{3} \pi r^3 P dt}}$$

> 0 car il y a bien une \dot{e} thermique créée

4) En appliquant le 1^{er} principe à la sphère de rayon r , on a

$$dU = \underbrace{-\delta Q_{\text{cond}}}_{\text{car } \delta Q_{\text{cédé}} \text{ est cédé}} + \underbrace{\delta Q_{\text{prod}}}_{\text{car } \delta Q_{\text{prod}} \text{ est reçu}} = 0 \quad \text{car régime stationnaire}$$

Donc $dQ_{\text{cond}} = \delta Q_{\text{prod}}$

$$5) \text{ Donc } \frac{4}{3} \pi r^3 P dt = \underline{\underline{-\lambda 4\pi r^2 \frac{dT}{dr} dt}}$$

$$P r = -3\lambda \frac{dT}{dr}$$

$$r P r dr = -3\lambda dT$$

en intégrant entre 0 et r' :

$$\int_0^{r'} P r dr = \int_{T_0}^{T(r')}$$

$$\frac{1}{2} P r'^2 = -3\lambda (T(r') - T_0)$$

$$T(r) = T_0 - \frac{P}{6\lambda} r^2$$

6) On applique le 1^o ppe à l'astéroïde entier: (il n'y a plus de conduction en $r=R$ car il n'y a plus de milieu pour $r > R$)

$$\frac{dU}{dt} = P \times \frac{4}{3} \pi R^3 - P_{\text{ray}} 4\pi R^2 = 0$$

On en déduit: $P_{\text{ray}} = \frac{PR}{3} = \sigma T_s^4$

$$T_s = \left(\frac{PR}{3\sigma} \right)^{1/4}$$

On a donc

$$T_o = \left(\frac{PR}{3\sigma} \right)^{1/4} + \frac{P}{6\lambda} R^2$$

Exercice 3 - Hypothermie

1) Appliquons le premier principe au plongeur entre t et $t+dt$:

$$c_{\text{corps}} m dT_{\text{corps}} = P_{\text{corps}} dt - \phi_{\text{perte}} dt$$

avec ϕ_{perte} la puissance perdue par conduction et conduction-convection.

On fait l'hypothèse d'un régime quasi-stationnaire pour pouvoir utiliser les résistances thermiques:

$$\phi_{\text{pertes}} = \frac{T_{\text{corps}} - T_{\text{ext}}}{R_{\text{tot}}} \quad \text{et} \quad R_{\text{tot}} = R_{\text{corps}} + R_{\text{cc}}$$

$$\text{On a: } R_{\text{cc}} = \frac{T - T_{\text{ext}}}{\phi} = \frac{T - T_{\text{ext}}}{P_{\text{conv}} S} = \frac{1}{\alpha S} \quad \left| \begin{array}{l} \text{avec } S \text{ la surface de contact} \\ \text{eau / peau} \end{array} \right.$$

$$\text{On a donc } c_{\text{corps}} m dT_{\text{corps}} = P_{\text{corps}} dt - \frac{T_{\text{corps}} - T_{\text{ext}}}{R_{\text{tot}}} dt$$

$$\text{au final } c_{\text{corps}} m \frac{dT_{\text{corps}}}{dt} + \frac{T_{\text{corps}}}{R_{\text{tot}}} = P_{\text{corps}} + \frac{T_{\text{ext}}}{R_{\text{tot}}}$$

$$\boxed{\frac{dT_{\text{corps}}}{dt} + \frac{T_{\text{corps}}}{\underbrace{R_{\text{tot}} c_{\text{corps}} m}_{\tau}} = \frac{P_{\text{corps}}}{c_{\text{corps}} m} + \frac{T_{\text{ext}}}{R_{\text{tot}} c_{\text{corps}} m}}$$

$$\text{On a donc } T_{\text{corps}} = A \exp\left(-\frac{t}{\tau}\right) + P_{\text{corps}} R_{\text{tot}} + T_{\text{ext}}$$

$$\text{et } T_{\text{corps}}(t=0) = T_0 = A + P_{\text{corps}} R_{\text{tot}} + T_{\text{ext}}$$

$$\text{au final } T_{\text{corps}} = (T_0 - P_{\text{corps}} R_{\text{tot}} - T_{\text{ext}}) e^{-t/\tau} + P_{\text{corps}} R_{\text{tot}} + T_{\text{ext}}$$

On cherche t_1 tel que $T_{\text{corps}}(t_1) = T_{\text{hypo}} = 35^\circ\text{C}$.

$$\text{ce } e^{-t_1/\tau} = \frac{T_{\text{hypo}} - (P_{\text{corps}} R_{\text{tot}} + T_{\text{ext}})}{T_0 - P_{\text{corps}} R_{\text{tot}} - T_{\text{ext}}}$$

$$t_1 = \tau \ln \left(\frac{T_0 - P_{\text{corps}} R_{\text{tot}} - T_{\text{ext}}}{T_{\text{hypo}} - P_{\text{corps}} R_{\text{tot}} - T_{\text{ext}}} \right)$$

$$= \left(3 \cdot 10^{-2} + \frac{1}{10 \times 2} \right) 70 \times 3,7 \cdot 10^3 \ln \left(\frac{37 - 100 \times \left(3 \cdot 10^{-2} \times \frac{1}{10 \times 2} \right) - 17}{35 - 100 \left(3 \cdot 10^{-2} \times \frac{1}{10 \times 2} \right) - 17} \right)$$

$S = 2 \text{ m}^2$ $m = 70 \text{ kg}$ $T_0 = 37^\circ\text{C}$

$$t_1 = 3,6 \cdot 10^3 \text{ s} \approx 60 \text{ min}$$

2) Si on ajoute une couche de mousse, on a une nouvelle résistance thermique totale

$$R' = R_{\text{tot}} + R_{\text{mousse}} = R_{\text{tot}} + \frac{e}{\lambda_{\text{mousse}} S}$$

Pour que l'hypothermie ne soit jamais atteinte, il suffit d'avoir la température finale supérieure à celle de l'hypothermie

$$T_{\text{final}} = P_{\text{corps}} R' + T_{\text{ext}}$$

Calculons e pour $T_{\text{final}} = T_{\text{hyp}} = 35^\circ\text{C}$

$$T_{\text{hyp}} = P_{\text{corps}} \left(R_{\text{tot}} + \frac{e}{\lambda_{\text{mousse}} S} \right) + T_{\text{ext}}$$

$$e = \left(\frac{T_{\text{hyp}} - T_{\text{ext}}}{P_{\text{corps}}} - R_{\text{tot}} \right) \lambda_{\text{mousse}} S$$

$$= \left(\frac{35 - 17}{100} - \left(3 \cdot 10^{-2} + \frac{1}{20} \right) \right) \times 0,2 \times 2 = 0,04 \text{ m} \\ = 40 \text{ mm} = \underline{\underline{4 \text{ cm}}}$$

Exercice 1 - fin

6) Pour N ailettes, $\phi_{\text{tot}} = N \times \phi_{\text{ailette}} (= N \times a \sqrt{2eh\lambda} (T_0 - T_a))$

et pour une ailette de taille $a \times Ne$ $\phi'_{\text{tot}} = a \sqrt{2Ne h \lambda} (T_0 - T_a)$
 $= \sqrt{N} \phi_{\text{ailette}}$

$$\phi_{\text{tot}} > \phi'_{\text{tot}}$$

Il est donc + intéressant d'utiliser une matrice d'ailettes : le flux dissipé est plus important.